**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ**

Учебно-методическое объединение по естественнонаучному образованию

**УТВЕРЖДЕНО**

Первым заместителем Министра образования

Республики Беларусь

А.Г. Бахановичем

**20.08.2024**

Регистрационный **№ 6-05-05-009/пр.**

**Аналитическая геометрия**

**Примерная учебная программа по учебной дисциплине**

**для специальности**

**6-05-0533-06 Математика**

|  |  |
| --- | --- |
| **СОГЛАСОВАНО**Председатель Учебно-методического объединения по естественнонаучному образованию \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Д.М. Курлович (подпись) \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ (дата) | **СОГЛАСОВАНО**Начальник Главного управления профессионального образования Министерства образования Республики Беларусь \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ С.Н. Пищов (подпись)\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ (дата)**СОГЛАСОВАНО**Проректор по научно-методической работе Государственного учреждения образования ”Республиканский институт высшей школы“\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ И.В. Титович (подпись) \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ (дата)Эксперт-нормоконтролер |
|  | \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ (подпись) (И.О.Фамилия) \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ (дата) |

Минск 2024

**Составитель:**

**Сергей Гаврилович Кононов** – доцент кафедры геометрии, топологии и методики преподавания математики Белорусского государственного университета, кандидат физико-математических наук, доцент

**Рецензенты:**

 **Кафедра математики и методики преподавания математики учреждения образования «Белорусский государственный педагогический университет им. М. Танка»** (протокол № 12 от 31.05.2023 г);

**Иван Васильевич Белько** – профессор кафедры высшей математики учреждения образования «Белорусский государственный аграрный технический университет», доктор физико-математических наук, профессор

**РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ В КАЧЕСТВЕ ПРИМЕРНОЙ:**

 Кафедрой геометрии, топологии и методики преподавания математики механико-математического факультета Белорусского государственного университета

(протокол № 11 от 26.04. 2023)

Научно-методическим советом по математике и механике Учебно-методического объединения по естественнонаучному образованию

(протокол № 7 от 19.05. 2023 г.)

Научно-методическим советом Белорусского государственного университета

(протокол № 9 от 29.06. 2023 г.)

Ответственный за редакцию: **С. Г. Кононов**

Ответственный за выпуск: **С. Г. Кононов**

**ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

 Примерная учебная программа по учебной дисциплине «*Аналитическая геометрия»* разработана в соответствии с требованиями образовательного стандарта общего высшего образования и примерного учебного плана и предназначена для обучающихся по специальности 6-05-0533-06 Математика.

«*Аналитическая геометрия*» является одной из основных дисциплин, которые изучаются студентами-математиками в начале обучения в университете. Понятия и основные факты дисциплины «*Аналитическая геометрия*» используются при изучении многих математических дисциплин, в первую очередь таких, как «*Дифференциальная геометрия и топология*», «*Дифференциальные уравнения*»,«*Алгебра и теория чисел*», «*Математический анализ*».

**Цели и задачи учебной дисциплины**

Главными **целями** учебной дисциплины«*Аналитическая геометрия*»

 являются:

* углубленное изучение фигур первого и второго порядков в трехмерном евклидовом пространстве и на евклидовой плоскости;
* освоение новых по сравнению с элементарной геометрией пространств:
многомерных евклидовых и аффинных и изучение фигур первого и второго порядков в этих пространствах;
* изучение аффинных преобразований и движений в аффинных и евклидовых пространствах;
* овладение основным методом исследования в аналитической геометрии  - методом координат;
	+ - приобретение студентами достаточного объема знаний, навыков и умений в области аналитической геометрии для их использования при изучении других математических дисциплин.

Для достижения этих целей решаются следующие **задачи:**

* определение понятия геометрического вектора как класса эквивалентных направленных отрезков. Изложение векторной алгебры, используемой в дальнейшем как основной инструмент построения аналитической геометрии;
* всестороннее изучение фигур первого и второго порядков, являющихся основными объектами исследования в аналитической геометрии;
* введение основных типов геометрических преобразований и проведение идеи рассмотрения различных геометрий как совокупности инвариантов той или иной группы преобразований.

В начале изучения дисциплины с целью сохранения преемственности со школьной геометрией рассмотрение ограничивается трехмерным евклидовым пространством ****. При этом векторы в трехмерном евклидовом пространстве **,** прямые на евклидовой плоскости ****, плоскости и прямые в пространстве **** изучаются всесторонне с точки зрения высшей математики. Затем рассматриваются фигуры второго порядка на плоскости **** и в пространстве **.**

Далее рассматриваются аффинные преобразования и движения плоскости **** и пространства , широко используемые в настоящее время в различных графических программах компьютерной геометрии.

Заключительная часть дисциплины «*Аналитическая геометрия*» посвящена многомерным аффинным и евклидовым пространствам. Определяются и изучаются фигуры первого и второго порядков в вещественных аффинных и евклидовых пространствах; аффинные преобразования и движения; аффинная и евклидова геометрия.

В течение всего процесса обучения происходит систематическое изучение геометрических преобразований, проведение теоретико-группового взгляда на геометрию.

**Место учебной дисциплины** в системе подготовки специалиста с высшим образованием.

Учебная дисциплина «*Аналитическая геометрия*» относится **к модулю «Алгебра и геометрия»** государственного компонента.

 Изучение дисциплины «*Аналитическая геометрия*» в течение всего срока обучения проходит во **взаимосвязи** с изучаемыми параллельно дисциплинами: «*Введение в специальность*»,«*Алгебра и теория чисел*»,«*Математический анализ*».

**Требования к компетенциям**

Освоение учебной дисциплины «*Аналитическая геометрия*» должно обеспечить формирование следующей **базовой профессиональной компетенции*вставить из учебного плана специальности (направления), указанного на с. 2*:**

БПК-5. Применять основные алгебраические и геометрические понятия, конструкции и методы при решении теоретических и прикладных математических задач.

В соответствии с образовательным стандартом в результате изучения дисциплины обучающийся должен:

**знать:**

* векторы в, операции над векторами;
* эллипсы, гиперболы, параболы, эллипсоиды, гиперболоиды, параболоиды, их канонические уравнения и свойства;
* понятия *n*-мерного аффинного и евклидова пространств; аффинные реперы и координаты точек; *к*-мерные плоскости и фигуры второго порядка, группы геометрических преобразований;

**уметь:**

* выполнять операции над векторами; записывать общие и параметрические уравнения плоскостей в различных пространствах, определять их взаимное расположение; находить расстояния между плоскостями;
* по общему уравнению фигуры второго порядка в  и  определять ее тип, размеры, расположение относительно системы координат; приводить общее уравнение фигуры второго порядка в аффинном пространстве к нормальному виду;

**владеть:**

* методом координат при решении основных задач аналитической геометрии.

**Структура учебной дисциплины**

 Всего на изучение учебной дисциплины «*Аналитическая геометрия*» отведено 240 часов, в том числе 140 аудиторных часов, из них: лекции – 70 часов, лабораторные занятия – 70 часов.

Рекомендуемые формы промежуточной аттестации – зачет и экзамен – 1 семестр, экзамен – 2 семестр.

**ПРИМЕРНЫЙ ТЕМАТИЧЕСКИЙ ПЛАН**

| **№ п/п** | **Наименование раздела, темы** | **Количество****аудиторных часов** |
| --- | --- | --- |
| Всего | Лекции | Лабораторные |
| **1** | **Векторы** | **28** | **14** | **14** |
| 1.1 | Введение | 1 | 1 |  |
| 1.2 | Понятие вектора Название темыПеречень тем, вопросов | 2 | 2 |  |
| 1.3 | Линейные операции над векторами | 6 | 2 | ~~4~~  |
| 1.4 | Проекции | 2 | 2 |  |
| 1.5 | Базисы и координаты векторов | 5 | 2 | 3 |
| 1.6 | Полилинейные операции над векторами | 12 | 5 | 7 |
| **2** | **Прямые и плоскости**  | **23** | **11** | **12** |
| 2.1 | Системы координат. Фигуры и уравнения | 7 | 3 | 4 |
| 2.2 | Прямые на плоскости  | 8 | 4 | 4 |
| 2.3 | Плоскости и прямые в пространстве  | 8 | 4 | 4 |
| **3** | **Фигуры второго порядка**  | **19** | **9** | **10** |
| 3.1 | Эллипс, гипербола, парабола | 5 | 3 | 2 |
| 3.2 | Фигуры второго порядка на плоскости  | 6 | 2 | 4 |
| 3.3 | Фигуры вращения. Цилиндрические и конические фигуры | 4 | 2 | 2 |
| 3.4 | Фигуры второго порядка в пространстве  | 4 | 2 | 2 |
| **4** | **Аффинные преобразования и движения** | **15** | **7** | **8** |
| 4.1 | Аффинные преобразования плоскости  и пространства  | 8 | 4 | 4 |
| 4.2 | Движения плоскости  и пространства  | 7 | 3 | 4 |
| **5** | **Аффинные пространства** | **31** | **15** | **16** |
| 5.1 | Определение, примеры и простейшие свойства аффинного пространства | 2 | 2 |  |
| 5.2 | Плоскости в аффинном пространстве | 7 | 3 | 4 |
| 5.3 | Системы координат в аффинном пространстве. Уравнения плоскостей | 8 | 2 | 6 |
| 5.4 | Аффинные отображения | 2 | 2 |  |
| 5.5 | Барицентрические линейные комбинации точек и барицентрические координаты | 2 | 2 |  |
| 5.6 | Параллелепипеды и симплексы в вещественных аффинных пространствах. Выпуклые фигуры | 6 | 2 | 4 |
| 5.7 | Фигуры второго порядка в вещественных аффинных пространствах | 2 | 2 |  |
| **6** | **Евклидовы пространства** | **22** | **12** | **10** |
| 6.1 | Евклидовы векторные пространства | 8 | 4 | 4 |
| 6.2 | Евклидовы точечные пространства | 8 | 4 | 4 |
| 6.3 | Движения и евклидова геометрия | 2 | 2 |  |
| 6.4 | Фигуры второго порядка в евклидовых пространствах | 4 | 2 | 2 |
|  | **Итого** | **140** | **70** | **70** |

**СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА**

**Раздел 1. Векторы**

 **Тема 1.1.** **Введение.**

 Роль геометрии в математике и ее приложениях. Предмет и методы аналитической геометрии.

 **Тема 1.2.** **Понятие вектора.**

 Направленные отрезки. Векторы как классы эквивалентных направленных отрезков. Длина вектора. Откладывание вектора от точки. Величина угла между векторами. Коллинеарные и компланарные системы векторов.

**Тема 1.3.** **Линейные операции над векторами.**

Сложение векторов, свойства операции сложения. Умножение векторов на числа, свойства этой операции. Линейные комбинации векторов.

**Тема 1.4.** **Проекции.**

Определения и основные свойства параллельного проектирования на плоскости и в пространстве.

**Тема 1.5.** **Базисы и координаты векторов.**

 Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Базисы и координаты векторов. Ориентация прямой, плоскости и пространства.

**Тема 1.6.** **Полилинейные операции над векторами.**

 Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов. Формулы преобразования координат векторов.

**Раздел 2. Прямые и плоскости**

**Тема 2.1.** **Системы координат. Фигуры и уравнения**

 Аффинные реперы (декартовы системы координат) на прямой, на плоскости и в пространстве. Координаты точки в данном репере. Ортонормированные реперы (прямоугольные декартовы системы координат). Полярные, сферические и цилиндрические системы координат. Формулы преобразования аффинных координат точек. Два основных способа задания фигуры: параметризация фигуры и задание фигуры с помощью уравнения.

**Тема 2.2.** **Прямые на плоскости** **.**

Различные виды уравнений прямой на плоскости. Определение взаимного расположение двух прямых на плоскости по их уравнениям. Пучок прямых. Формулы для вычисления расстояния от точки до прямой и величины угла между прямыми. Геометрический смысл линейного неравенства с двумя неизвестными.

**Тема 2.3. Плоскости и прямые в пространстве** **.**

Различные виды уравнений плоскости в пространстве. Определение взаимного расположение двух плоскостей по их уравнениям. Различные виды уравнений прямой в пространстве. Определение взаимного расположение прямых и плоскостей в пространстве по их уравнениям. Формулы для вычисления расстояний от точки до прямой и от точки до плоскости в пространстве. Геометрический смысл линейного неравенства с 3 неизвестными.

**Раздел 3. Фигуры второго порядка**

**Тема 3.1. Эллипс, гипербола, парабола.**

Эллипс – различные определения, каноническое уравнение, фокусы, эксцентриситет. Гипербола – определение, каноническое уравнение, фокусы, эксцентриситет, асимптоты. Директрисы эллипса и гиперболы. Парабола –каноническое уравнение, фокус и директриса. Параметрические задания эллипса и гиперболы. Уравнения эллипса, гиперболы и параболы в полярных координатах. Касательные к эллипсу, гиперболе, параболе. Оптические свойства эллипса, гиперболы, параболы.

**Тема 3.2. Фигуры второго порядка на плоскости** **.**

Общее уравнение фигуры второго порядка на плоскости, приведение его к каноническому виду. Девять типов фигур второго порядка на плоскости.

**Тема 3.3. Фигуры вращения. Цилиндрические и конические фигуры.**

Фигуры вращения, цилиндрические и конические фигуры в пространстве. Преобразование сжатия пространства и переход от фигур вращения второго порядка к фигурам общего вида. Эллипсоиды вращения, трехосные эллипсоиды. Эллиптические параболоиды. Однополостные и двуполостные гиперболоиды. Цилиндры второго порядка – эллиптический, параболический, гиперболический. Конусы второго порядка.

**Тема 3.4. Фигуры второго порядка в пространстве** **.**

Понятие фигуры второго порядка в пространстве. Метод сечений исследования формы пространственной фигуры на примере гиперболического параболоида. Описание фигур второго порядка в пространстве, их канонические уравнения. Прямолинейные образующие однополостного гиперболоида и гиперболического параболоида. Плоские сечения пространственных фигур второго порядка.

**Раздел 4. Аффинные преобразования и движения**

**Тема 4.1. Аффинные преобразования** **плоскости**  **и пространства** Определение, примеры и основные свойства аффинных преобразований плоскости и пространства. Линейный оператор, индуцированный аффинным преобразованием. Координатное выражение аффинного преобразования. Геометрический смысл определителя матрицы аффинного преобразования.

**Тема 4.2. Движения плоскости**  **и пространства** **.**

Определение, примеры и основные свойства движений плоскости и пространства. Координатная запись движения. Описание движений плоскости **** и пространства ****.

**Раздел 5. Аффинные пространства**

**Тема 5.1. Определение, примеры и простейшие свойства аффинного пространства.**

Понятие аффинного пространства и его простейшие свойства, вытекающие из аксиом. Примеры. Арифметическое аффинное пространство.

**Тема 5.2. Плоскости в аффинном пространстве.**

Понятие -мерной плоскости в аффинном пространстве **. Начальная точка и направляющее пространство плоскости. Аффинные прямые и гиперплоскости. Пересечение плоскостей, аффинная оболочка множества точек. Аффинно независимые системы точек. Типы взаимного расположения двух плоскостей в аффинном пространстве. Характеристика пары плоскостей.

**Тема 5.3.** **Системы координат в аффинном пространстве. Уравнения плоскостей.**

Аффинные реперы и координаты точек в аффинном пространстве. Формулы преобразования координат. Общие и параметрические уравнения плоскости в аффинном пространстве *.* Определение взаимного расположение двух плоскостей.

**Тема 5.4. Аффинные отображения.**

Понятие аффинного отображения аффинных пространств. Однородная часть аффинного отображения. Образ плоскости при аффинном отображении. Координатная запись аффинного отображения. Изоморфизм аффинных пространств. Автоморфизмы (аффинные преобразования) аффинного пространства. Аффинно эквивалентные фигуры. Геометрия аффинной группы.

**Тема 5.5.** **Барицентрические линейные комбинации точек и барицентрические координаты.**

Барицентрические линейные комбинации точек аффинного пространства. Центр тяжести системы материальных точек. Барицентрические координаты точек относительно аффинно независимой системы точек.

**Тема 5.6.** **Параллелепипеды и симплексы в вещественных аффинных пространствах. Выпуклые фигуры.**

*n* -мерный параллелепипед в вещественном аффинном пространстве и его элементы. *n* -мерный симплекс в вещественном аффинном пространстве и его элементы. Понятие выпуклой фигуры, примеры. Выпуклая оболочка множества точек.

**Тема 5.7.** **Фигуры второго порядка в вещественных аффинных пространствах.**

Фигуры второго порядка (квадрики) в вещественном аффинном пространстве **. Пересечение квадрики с прямой. Асимптотические направления. Линии эллиптического, гиперболического, параболического типов на плоскости *.* Центры квадрик. Диаметральные плоскости квадрики. Диаметры линий второго порядка. Приведение уравнений квадрики к нормальному виду с помощью преобразования координат. Аффинная классификация квадрик в вещественном аффинном пространстве **. Аффинная классификация линий второго порядка. Аффинная классификация поверхностей второго порядка.

**Раздел 6. Евклидовы пространства**

**Тема 6.1. Евклидовы векторные пространства.**

Понятие евклидова векторного пространства, примеры. Ортонормированные базисы и ортогональные матрицы. Ортогональное дополнение подпространства. Матрица Грама системы векторов.

**Тема 6.2. Евклидовы точечные пространства.**

Понятие **-**мерного евклидоваточечногопространства *****.* Ортонормированные реперы.Плоскости в пространстве ****, ортогональность плоскостей. Шары, сферы, симплексы, параллелепипеды в евклидовых пространствах. Вычисление расстояний и величин углов между двумя плоскостями. Объемы параллелепипедов и симплексов.

**Тема 6.3 Движения и евклидова геометрия*.***

Группа движений пространства ****.Евклидово эквивалентные фигуры и евклидова геометрия*.*

**Тема 6.4. Фигуры второго порядка в евклидовых пространствах.**

Каноническое уравнение квадрики в пространстве ****.Приведение общего уравнения поверхности второго порядка в пространстве к каноническому виду.

**ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ**

|  |  |
| --- | --- |
|  | **Перечень основной литературы**1. *Александров, П. С.* Курс аналитической геометрии и линейной алгебры : учебник для вузов / П. С. Александров. - 4-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 512 с. - URL: <https://e.lanbook.com/book/242861>.
2. *Березкина Л.Л.* Аналитическая геометрия и линейная алгебра: учебник. – Минск, РИВШ, 2022. – 412 с.
3. *Кононов, С. Г.* Аналитическая геометрия : учеб. пособие для студ. учреждений высш. образования по математическим спец. / С. Г. Кононов ; БГУ. - Минск : БГУ, 2014. - 238 с. - <http://elib.bsu.by/handle/123456789/113440>.
4. *Клетеник, Д. В.* Сборник задач по аналитической геометрии : учебное пособие / Д. В. Клетеник ; под ред. Н. В. Ефимова. - Изд. 17-е, стер. - Санкт-Петербург ; Москва ; Краснодар : Лань, 2022. - 223 с. - URL: <https://e.lanbook.com/book/187823>.
5. *Постников М. М.* Аналитическая геометрия / Постников М. М. - 3-е изд.,испр. - Санкт-Петербург : Лань, 2022. - 416 с. - URL: <https://e.lanbook.com/book/210347>

**Перечень дополнительной литературы**6. *Бурдун А.А., Мурашко Е.А., Толкачев М.М., Феденко А.С.* Сборник задач по алгебре и аналитической геометрии: учебное пособие. – Минск: Университетское, 1999. – 302 с.7. *Моденов П.С., Пархоменко А.С.* Сборник задач по аналитической геометрии: учебное пособие. – М., Наука, 1976.– 384 с.8. *Кострикин А.И., Манин Ю.И.* Линейная алгебра и геометрия: учебное пособие. – М., Наука, 1986. – 303 с.9. *Постников М.М.* Лекции по геометрии. Семестр I. Аналитическая геометрия: учебное пособие. – М., Наука, 1979. – 336 с.10. *Милованов М.В., Тышкевич Р.И., Феденко А.С.* Алгебра и аналитическая геометрия: в 2 ч.: учебное пособие. – Минск: Вышэйшая школа, 1984. – Ч. 1. – 302 с.11. *Милованов М.В., Толкачев М.М., Тышкевич Р.И., Феденко А.С.* Алгебра и аналитическая геометрия: в 2 ч.: учебное пособие. – Минск: Вышэйшая школа, 1987. – Ч. 2. – 269 с.**Перечень рекомендуемых средств диагностики и методика** **формирования итоговой отметки**Для оценки соответствия достижений и уровня знаний студентов требованиям программы используется следующий диагностический инструментарий: - контрольная работа;- устный опрос; - отчет по индивидуальному заданию;- тест.При оценивании устных ответов учитываются полнота, глубина, обоснованность и точность изложения материала, степень осознанности изученного материала, подтверждение теоретических фактов примерами, грамотность речи.Оценка за выполнение индивидуальных заданий отражает степень самостоятельности выполнения задания, соответствие теоретическим положениям, творческий подход.Рекомендуемой формой промежуточной аттестации по дисциплине «*Аналитическая геометрия*» примерным учебным планом предусмотрен **зачет** и **экзамен**.[[1]](#footnote-1)При формировании итоговой отметки используется рейтинговая система оценки знаний студента, дающая возможность проследить и оценить динамику процесса достижения целей обучения. Рейтинговая система предусматривает использование весовых коэффициентов в ходе проведения контрольных мероприятий текущей аттестации.Примерные весовые коэффициенты, определяющие вклад текущей аттестации в отметку при прохождении промежуточной аттестации:Формирование отметки за текущую аттестацию:- контрольные работы – 40 %;- отчет по индивидуальным заданиям – 20 %;- устные опросы – 20%;- тесты – 20%.Итоговая отметка по дисциплине рассчитывается на основе отметки текущей аттестации (рейтинговой системы оценки знаний) – 40 % и экзаменационной отметки – 60 %.**Примерная тематика лабораторных занятий*****1 семестр*** (номера [6] и [7] соответствуют источникам в перечне литературы)*.* ***Фигуры и уравнения*****Занятие 1.*****Фигура –*** *любое множество точек*  *пространства* **Е3**, *в том числе и пустое*. *Аналитическая геометрия изучает фигуры с помощью алгебры, используя* ***метод координат***. *Фигура называется* ***плоской****, если существует плоскость, в которой лежат все точки фигуры.* Вначале будем рассматривать плоские фигуры, лежащие в плоскости **Е2**. *Если  – система координат на плоскости, то любая фигура  может быть задана уравнением с двумя неизвестными*: (1)Здесь  – функция двух вещественных переменных , т.е. некоторое правило, по которому упорядоченной паре вещественных чисел из области определения  функции  ставиться в соответствие число Тот факт, что (1) – уравнение фигуры  означает, по определению, что  состоит из всех точек плоскости, координаты которых являются решениями уравнения (1), т.е. *Любое уравнение* (1) *задает на плоскости вполне определенную фигуру, однако одна и та же фигура может быть задана различными уравнениями.* Далее будем решать задачи двух типов: имея уравнение (1), определять (рисовать) соответствующую фигуру и наоборот для данной фигуры составлять уравнение (1), которое ее задает.*Нарисуйте фигуры, которые задаются уравнениями*:1.
2.
3.
4. $xy+2=0.$

*Составьте уравнения следующих фигур*: 1. вертикальной (горизонтальной) прямой, проходящей через точку ;
2. произвольной окружности с центром в точке и радиусом
3. точки .

***Задание на дом***. 1. *Нарисуйте фигуры, которые задаются условиями*:$$1) \left(x-2\right)^{2}+\left(y+2\right)^{2}=4;$$$$2) |x-2|+|y+2|=2;$$1. max{$\left|x-2\right|,|y+2|\}=2.$

2. *Составьте уравнение двоеточия.*3. *Пусть*  и  *– точки плоскости, расстояние между которыми равно* *. Составьте уравнение фигуры, состоящей из всех точек плоскости, для которых разность расстояний до*  и  *равна* $2a,  a<c.$ *Нарисуйте данную фигуру.****Основная задача****. Пусть*  и  *– точки плоскости, расстояние между которыми равно* *. Составьте уравнение фигуры, состоящей из всех точек плоскости, для которых сумма расстояний до*  и  *равна*  *Нарисуйте данную фигуру.****Задание на дом***. 1. *Нарисуйте фигуры, которые задаются условиями*:$$1) \left(x-2\right)^{2}+\left(y+2\right)^{2}=4;$$$$2) |x-2|+|y+2|=2;$$1. max{$\left|x-2\right|,|y+2|\}=2.$

2. *Составьте уравнение двоеточия.*3. *Пусть*  и  *– точки плоскости, расстояние между которыми равно* *. Составьте уравнение фигуры, состоящей из всех точек плоскости, для которых разность расстояний до*  и  *равна* $2a,  a<c.$ *Нарисуйте данную фигуру.***Занятие 2.*****1.*** *Проверка домашнего задания.****2.*** *Определить полярную систему координат. Записать связь между полярными и декартовыми координатами.* (см. § 6.1 П.С. Моденов, А.С. Пархоменко).***3.*** *Задачи*.1) Напишите в полярной системе координат уравнения а) окружности с центром в начале координат; б) вертикальной (горизонтальной) прямой, проходящей через точку ;2) Нарисуйте фигуры, заданные уравнениями в полярной системе координат: а) $r=φ; $б) $r=\sin(n)φ; n=1,2,3,4.$***4.*** *Определить системы координат в пространстве*: *декартову прямоугольную, сферическую и цилиндрическую. Записать связь между сферическими* (*цилиндрическим*и) *и декартовыми координатами.* (см. § 6.2 [7]).***Задание на дом***. 1. *Нарисуйте фигуру, которая задается в полярной системе координат уравнением* $r=2\left(1-\cos(φ)\right). $2. *Пусть*  и  *– точки плоскости. Составьте уравнение фигуры, состоящей из всех точек плоскости, для которых отношение расстояний до*  и  *равно* $k> 0.$ *Нарисуйте данную фигуру.*3. *Какая фигура в пространстве в декартовой прямоугольной системе координат задается уравнением* $x^{2}$*+*$y^{2}=z^{2} ?$***Векторы*****Занятие 3.** В аудитории: [7], № 1; 4; 11; 19; 14… На дом: [7], № 8; 22; 15; …**Занятие 4.** В аудитории: [7], № 23; 25; 28; 32; 43… На дом: [7], № 26; 42; 29 **Занятие 5.** (*скалярное произведение векторов*). [6], № 419; 420; 424; 445; М.П.: 144(!); 148… На дом: [6], № 423; 428; 446; М.П.: 145; 149…**Занятия 6 и 7.** (*векторное и смешанное произведения векторов*). В аудитории: [6], № 461; 465; 468; 470; 489; 490; М.П.: 175; 196; 209… На дом: [6], № 467; 472; 474; 491; 501; [7], № 177; 197; 208…**Занятие 8.** – контрольная работа по векторам.***Прямые и плоскости*****Занятия 9 – 11.** (*прямая на плоскости*). В аудитории: [7], № 363; 367; 383; 391; 405; 416; 423; 431; 433; 446; 450; 465; 473… На дом: [7], № 364; 368; 387; 406; 418; 424; 434; 451;457; 460; …**Занятия 12 – 14.** (*плоскость и прямая в пространстве*). В аудитории: [7], № 491; 492; 500; 504; 530; 534; 539; 567; 580; 578; 606; 585; … На дом: [7], № 514; 512; 520; 532; 537; 569; 582; 583; 604;621; …**Занятие 15.** – контрольная работа по прямым и плоскостям.***Фигуры 2 порядка на плоскости*****Занятия 16 – 17.** В аудитории: [7], № 759; 760; 769; 805 (1, 6, 8, 10); 807(1,.14). На дом: [7], № 761; 762; 733; 805 (3, 7, 11); 807 и др. (каждому студенту индивидуальное задание).***2 семестр***(все номера в заданиях соответствуют источнику [7] в перечне основной литературы)*.* ***Фигуры второго порядка в пространстве***В аудитории: № 945, 946, 976, 981, 985, 987, 997, 1001, 1102.На дом: № 950, 947, 975, 979, 986, 988, 998, 1009, 1071, 1149.***Аффинные преобразования и движения***В аудитории: № 1159, 1153, 1163, 1166, 1175, 1187, 1229, 1234, 1102.На дом: № 1158, 1154, 1171, 1167, 1177, 1188, 1232, 1237.***Занятие 9. Контрольная работа.******Плоскости в аффинных и евклидовых пространствах*** Работаем в аффинном (евклидовом векторном, евклидовом точечном) пространстве строк **Rn** (n = 4,5,…)**1.** Выясните, лежат ли точки  на одной прямой.1)  2) **2.** Найдите размерность плоскости  , являющейся аффинной оболочкой точек . **3.** Выясните взаимное расположение плоскостей  и   *Ответ: частично параллельны.***4.** Выясните взаимное расположение плоскостей  и   *Ответ: пересекаются в точке* .В аудитории: № 1612, 1614, 1616, 1166, 1630, 1633 первый вектор , 1640, 1644, 1657, 1662, 1666.На дом: № 1621, 1613, 1615, 1617, 1641, 1646, 1658, 1659, 1673.***Квадрики в аффинных и евклидовых пространствах***№ 1052, 1046.**Описание инновационных подходов и методов к преподаванию** **учебной дисциплины** При организации образовательного процесса используются следующие **подходы и методы:*****- эвристический,*** ориентированный на**: -** осуществление студентами личностно-значимых открытий в процессе подготовки к практическим занятиям по методике преподавания математики; *-* демонстрацию многообразия решений математических задач, методов, форм, средств и приемов организации учебной деятельности школьников; *-* творческую самореализацию студентов в процессе создания планов-конспектов уроков и их видеофрагментов; *-* индивидуализацию обучения через возможность самостоятельно ставить цели, осуществлять рефлексию собственной образовательной деятельности;***- практико-ориентированный,*** предполагающий: - освоение содержание образования через решения практических задач;- приобретение навыков эффективного выполнения разных видов профессиональной деятельности;- использование процедур, способов оценивания, фиксирующих сформированность профессиональных компетенций;***- метод группового обучения,*** который представляет собойформу организации учебно-познавательной деятельности студентов, предполагающую функционирование разных типов малых групп, работающих как над общими, так и специфическими учебными заданиями; **Методические рекомендации по организации самостоятельной****работы студентов**В процессе *самостоятельной работы* по дисциплине «*Аналитическая геометрия*» студент должен выполнять следующие виды внеаудиторной деятельности: - изучение и конспектирование материала, вынесенного на лекциях и лабораторных занятиях на самостоятельное изучение по источникам основной и дополнительной литературы;- подготовка к различным формам промежуточной аттестации (лабораторной и контрольной работе, зачету, экзамену);- поиск и изучение понятий и фактов из параллельно читаемых курсов «*Введение в специальность»*, *«Алгебра и теория чисел»*, *«Математический анализ»*,необходимых для усвоения дисциплины «*Аналитическая геометрия*»;- выполнение домашних заданий; самостоятельное выполнение заданий для лабораторных работ; -подбор необходимой литературы, поиск необходимой информации в сети Интернет.*Критерием оценки* результатов внеаудиторной самостоятельной работы обучающихся по дисциплине «*Аналитическая геометрия*», является уровень усвоения учебного материала, который проверяется и оценивается при выполнении контрольных и лабораторных работ, индивидуальных заданий и при сдаче зачетов и экзаменов.К *организационным формам* проведения УСР по дисциплине «*Аналитическая геометрия*» относится аудиторная деятельность на лабораторных занятиях. *Видами отчетности* УСР являются: контрольные работы и отчеты по индивидуальным заданиям.Контроль УСР по дисциплине «*Аналитическая геометрия»* проводится преподавателем, как правило, во время аудиторных занятий и осуществляется в виде: – экспресс-опроса на аудиторных занятиях; – контрольной работы; Учет результатов контроля текущей аттестации студентов ведется преподавателем. Полученные студентом количественные результаты УСР учитываются как составная часть итоговой отметки по дисциплине в рамках рейтинговой системы.**Примерный перечень вопросов к экзамену** (1 семестр)1. Эквивалентные направленные отрезки.2. Понятие вектора. Коллинеарные и компланарные векторы.3. Операция сложения векторов и ее свойства. 4. Операция умножения векторов на числа и ее свойства.5. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов.6. Геометрические критерии линейной зависимости.7. Алгебраические критерии линейной зависимости.8. Проекции и их свойства.9. Базисы. Координаты вектора в данном базисе. 10. Формулы преобразования координат векторов при переходе от одного базиса к другому. 11. Скалярное произведение векторов и его свойства. 12. Векторное произведение векторов и его свойства. 13. Смешанное произведение векторов и его свойства.14. Критерии компланарности трех векторов.15. Аффинные реперы. Координаты точки в данном репере. Формулы преобразования координат точек при переходе от одного репера к другому.16. Формулы преобразования координат точек на плоскости при переходе от одной прямоугольной системы координат к другой. 17. Различные виды уравнений прямой на плоскости **Е2**.18. Определение взаимного расположения двух прямых на плоскости по их уравнениям.19. Величина угла между двумя прямыми. Расстояние от точки до прямой.20. Геометрический смысл линейного неравенства с двумя переменными.21. Плоскость в пространстве **Е3**. Различные виды уравнений плоскости.22. Определение взаимного расположения двух плоскостей по их уравнениям.23. Прямая в пространстве **Е3**. Различные виды уравнений прямой в **Е3**.24. Определение взаимного расположения прямых и плоскостей в пространстве **Е3**.25. Расстояние от точки до плоскости и расстояние от точки до прямой в пространстве **Е3**.26. Эллипс.27. Гипербола.28. Парабола.29. Фигуры второго порядка на плоскости **Е2**.30. Единое определение эллипса, гиперболы и параболы с помощью фокуса и директрисы.31. Касательные к эллипсу, гиперболе, параболе.32. Оптические свойства эллипса, гиперболы и параболы.33. Фигуры вращения в пространстве 34. Цилиндрические и конические фигуры в пространстве 35. Эллипсоиды.36. Гиперболоиды.37. Эллиптические параболоиды. 38. Гиперболические параболоиды.39. Фигуры второго порядка в пространстве 40. Плоские сечения пространственных фигур второго порядка.41. Прямолинейные образующие однополостного гиперболоида и гиперболического параболоида.**Примерный перечень вопросов к экзамену** (2 семестр)1. Понятие аффинного преобразования плоскости **Е2** и пространства **Е3**. Примеры.2. Отображение, обратное для аффинного преобразования. Группы аффинных преобразований  и .3. Образы прямой и плоскости при аффинном преобразовании.4. Линейный оператор, индуцированный аффинным преобразованием. 5. Простое отношение точек, сохранение простого отношения точек при аффинном преобразовании.6. Координатная запись аффинного преобразования. 7. Геометрический смысл определителя матрицы аффинного преобразования.8. Инвариантные точки и инвариантные прямые аффинного преобразования плоскости **Е2**. 9. Движения плоскости **Е2** и пространства **Е3**. Примеры. 10. Координатная запись движений. Классификация движений плоскости **Е2** и пространства **Е3**.11. Понятие аффинного пространства. Примеры. 12. Радиус-вектор точек аффинного пространства, биекция аффинного пространства и связанного с ним векторного пространства при фиксировании точки.13. Аффинные реперы и координаты в аффинном пространстве. Формулы преобразования координат.14. Понятие плоскости в аффинном пространстве. Начальная точка и направляющее пространство плоскости. 15. Пересечение плоскостей в аффинном пространстве. Аффинная оболочка множества точек. 16. Сумма плоскостей в аффинном пространстве. 17. Аффинно независимые точки в аффинном пространстве. 18. Взаимное расположение двух плоскостей в аффинном пространстве. Характеристика пары плоскостей.19. Параметрические и общие уравнения плоскостей в аффинном пространстве. 20. Определение взаимного расположения двух плоскостей по их уравнениям.21. Барицентрические линейные комбинации точек и барицентрические координаты в аффинном пространстве.22. Выпуклые фигуры в вещественном аффинном пространстве.23. Выпуклая оболочка множества точек в вещественном аффинном пространстве.24. *n*-мерный параллелепипед в вещественном аффинном и евклидовом пространствах.25. *n*-мерный симплекс в вещественном аффинном и евклидовом пространствах. 26. Скалярное произведение в вещественном векторном пространстве и его свойства. Примеры.27. Евклидово векторное пространство, ортогональность векторов и подпространств, величина угла между векторами, ортогональное дополнение подпространства, ортонормированные базисы. 28. Понятие евклидова точечного пространства **Еn**, ортогональность плоскостей в **Еn**.29. Расстояние между фигурами в **Еn**, вычисление расстояния между плоскостями.30. Некоторые фигуры в **Еn**: сферы, шары, параллелепипеды, симплексы. Объем параллелепипеда и симплекса. 31. Фигуры второго порядка (квадрики) в вещественных аффинных пространствах. Нормальные и канонические уравнения квадрик.  |

1. [↑](#footnote-ref-1)